

## Neues Schwarzwild Streckendiagramm über 45 Jahre

1. Allgemeine Beschreibung der Berechnung der Kurvenfunktion  $y = f(x)$ . 5 Seiten
2. Berechnungsbeispiele zu Rheinland-Pfalz und Baden-Württemberg. 2 x 3 Seiten
3. Vier Diagramme
4. Tabelle der Streckenentwicklung und der Bachenzunahme in der Bundesrepublik und ihren Ländern.
5. Integration der Schwarzwild-Streckenkurve von Rheinland-Pfalz.
6. Differentiation der Streckenkurve von Rheinland-Pfalz und Ermittlung der Steigung und damit der Streckenzunahme im Jahr 2000.
7. Anlagen: Vier Diagramme zur Raubwild-Population
8. Zum  
Schwarzwildvorkommen  
„Kottenforst-Süd“.

## Neues Schwarzwild-Streckenendiagramm

Beschreibung der Schwarzwild-Populationsdynamik mit einem zeichnerisch, rechnerischem Verfahren der praktischen Mathematik. Approximation durch Polynom und Interpolation mit Hilfe der Interpolationsformel von Newton.<sup>1</sup>

Das Streckendiagramm wird für einen Zeitraum von 50 Jahren im Millimeter-Raster als Liniendiagramm dargestellt. In dieses Diagramm zeichnet man mit einem biegsamen Kurvenlineal die angenäherte Kurve  $y = f(x)$  als Parabel zufüg ein.

Allgemein:

Eine Kurve  $y = f(x)$ , die aufgezeichnet vorliegt und von der  $n+1$  Stützstellen bekannt sind, soll durch eine durch  $n+1$  Stützstellen hindurchgehende Parabel  $n$ -ter Ordnung

$$y^* = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_n \cdot x^n$$

dargestellt werden.

<sup>1</sup> siehe Literaturhinweis

sind

$$P_0(x_0, y_0); P_1(x_1, y_1); \dots; P_n(x_n, y_n)$$

diese Stützstellen, so kann nach der Interpolationsformel von Newton geschrieben werden:

$$y^* = A_0 + A_1(x - x_0) + A_2(x - x_0) \cdot (x - x_1) \\ + A_3(x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) + \dots \\ + A_n(x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) \cdot \dots \\ (x - x_{n-1}).$$

Die Koeffizienten  $A_0, A_1, \dots, A_n$  lassen sich nach dem folgenden Schema z.B. für ein Polynom 5. Grades ( $n=5$ ) berechnen.

Für die vorliegenden Beispiele der Schwarzwaldstrecken aus Bund und Ländern bleibt mit  $n=5$  der Rechenaufwand im Grenzen, kann mit einem Taschenrechner erledigt werden und reicht mit seiner Genauigkeit für die Näherungslösung voll aus.

Die Koeffizienten  $A_0, A_1, \dots, A_n$  lassen sich nach dem folgenden Schema berechnen:

$x_0$	$y_0 = A_0$					
$x_1$	$y_1$	$a_1 = A_1$				
$x_2$	$y_2$	$a_2$	$b_2 = A_2$			
$x_3$	$y_3$	$a_3$	$b_3$	$c_3 = A_3$		
$x_4$	$y_4$	$a_4$	$b_4$	$c_4$	$d_4 = A_4$	
$x_5$	$y_5$	$a_5$	$b_5$	$c_5$	$d_5$	$e_5 = A_5$

Hierin ist :

$$a_i = \frac{y_i - y_0}{x_i - x_0}, \quad b_i = \frac{a_i - a_1}{x_i - x_1}, \quad c_i = \frac{b_i - b_2}{x_i - x_2}$$

$$d_i = \frac{c_i - c_3}{x_i - x_3}, \quad e_i = \frac{d_i - d_4}{x_i - x_4},$$

d. h. jeder Ausdruck ist gleich der Differenz des entsprechenden Gliedes der vorhergehenden Spalte gegen das erste Glied derselben Spalte, dividiert durch die zugehörige Abszissen-Differenz.

Literaturangabe:

1. Dubbel, Taschenbuch für den Maschinenbau, Band 1, 13. Auflage, 1974, Springer, Berlin, S. 196 f. f.
2. Kleine Enzyklopädie, Mathematik, 1966, Pfalz Verlag Basel, S. 640 f. f.

# Schema für Berechnungsbeispiel

$$Y_0 = \qquad \qquad \qquad = A_0$$

$$a_1 = \frac{Y_1 - Y_0}{X_1 - X_0} = \underline{\hspace{2cm}} = A_1$$

$$a_2 = \frac{Y_2 - Y_0}{X_2 - X_0} = \underline{\hspace{2cm}} =$$

$$a_3 = \frac{Y_3 - Y_0}{X_3 - X_0} = \underline{\hspace{2cm}} =$$

$$a_4 = \frac{Y_4 - Y_0}{X_4 - X_0} = \underline{\hspace{2cm}} =$$

$$a_5 = \frac{Y_5 - Y_0}{X_5 - X_0} = \underline{\hspace{2cm}} =$$

$$b_2 = \frac{a_2 - a_1}{X_2 - X_1} = \underline{\hspace{2cm}} = A_2$$

$$b_3 = \frac{a_3 - a_1}{X_3 - X_1} = \underline{\hspace{2cm}} =$$

$$b_4 = \frac{a_4 - a_1}{X_4 - X_1} = \underline{\hspace{2cm}} =$$

$$b_5 = \frac{a_5 - a_1}{X_5 - X_1} = \underline{\hspace{2cm}} =$$

$$c_3 = \frac{b_3 - b_2}{X_3 - X_2} = \underline{\hspace{2cm}} = A_3$$

$$c_4 = \frac{b_4 - b_2}{X_4 - X_2} = \underline{\hspace{2cm}} =$$

$$c_5 = \frac{b_5 - b_2}{X_5 - X_2} = \underline{\hspace{2cm}} =$$

$$d_4 = \frac{c_4 - c_3}{x_4 - x_3} = \frac{\quad}{\quad} = A_4$$

$$d_5 = \frac{c_5 - c_3}{x_5 - x_3} = \frac{\quad}{\quad} =$$

$$e_5 = \frac{d_5 - d_4}{x_5 - x_4} = \frac{\quad}{\quad} = A_5$$

$$y_0 = \quad = A_0$$

$$y = A_0$$

$$+ A_1 \cdot (x - x_0)$$

$$+ A_2 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1)$$

$$+ A_3 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2)$$

$$+ A_4 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) \cdot (x - x_3)$$

$$+ A_5 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) \cdot (x - x_3) \cdot (x - x_4)$$

$$x_0 = 0:$$

$$y = A_0$$

$$+ A_1 \cdot x$$

$$+ A_2 \cdot (x^2 - x)$$

$$+ A_3 \cdot (x^3 - 3x^2 + 2x)$$

$$+ A_4 \cdot (x^4 - 6x^3 + 11x^2 - 6x)$$

$$+ A_5 \cdot (x^5 - 10x^4 + 35x^3 - 50x^2 + 24x)$$



## Rheinland - Pfalz

Tabelle der Stützstellen  
der Streckenkurve

$x_0 = 0$	$y_0 = 9$
$x_1 = 1$	$y_1 = 17,5$
$x_2 = 2$	$y_2 = 35$
$x_3 = 3$	$y_3 = 67$
$x_4 = 4$	$y_4 = 121$
$x_5 = 5$	$y_5 = 209$



## Schema für Berechnungsbeispiel

$$Y_0 =$$

$$9 = A_0$$

$$a_1 = \frac{Y_1 - Y_0}{X_1 - X_0} = \frac{17,5 - 9}{1 - 0} =$$

$$8,5 = A_1$$

$$a_2 = \frac{Y_2 - Y_0}{X_2 - X_0} = \frac{35 - 9}{2 - 0} =$$

$$13$$

$$a_3 = \frac{Y_3 - Y_0}{X_3 - X_0} = \frac{67 - 9}{3 - 0} =$$

$$19,3\bar{3}$$

$$a_4 = \frac{Y_4 - Y_0}{X_4 - X_0} = \frac{121 - 9}{4 - 0} =$$

$$28$$

$$a_5 = \frac{Y_5 - Y_0}{X_5 - X_0} = \frac{209 - 9}{5 - 0} =$$

$$40$$

$$b_2 = \frac{a_2 - a_1}{X_2 - X_1} = \frac{13 - 8,5}{2 - 1} =$$

$$4,5 = A_2$$

$$b_3 = \frac{a_3 - a_1}{X_3 - X_1} = \frac{19,3\bar{3} - 8,5}{3 - 1} =$$

$$5,4166\bar{5}$$

$$b_4 = \frac{a_4 - a_1}{X_4 - X_1} = \frac{28 - 8,5}{4 - 1} =$$

$$6,5$$

$$b_5 = \frac{a_5 - a_1}{X_5 - X_1} = \frac{40 - 8,5}{5 - 1} =$$

$$7,875$$

$$c_3 = \frac{b_3 - b_2}{X_3 - X_2} = \frac{5,4166\bar{5} - 4,5}{3 - 2} =$$

$$0,9166\bar{5} = A_3$$

$$c_4 = \frac{b_4 - b_2}{X_4 - X_2} = \frac{6,5 - 4,5}{4 - 2} =$$

$$1$$

$$c_5 = \frac{b_5 - b_2}{X_5 - X_2} = \frac{7,875 - 4,5}{5 - 2} =$$

$$1,125$$

$$d_4 = \frac{c_4 - c_3}{x_4 - x_3} = \frac{1 - 0,91665}{4 - 3} = 0,08335 = A_4$$

$$d_5 = \frac{c_5 - c_3}{x_5 - x_3} = \frac{1,125 - 0,91665}{5 - 3} = 0,104175$$

$$e_5 = \frac{d_5 - d_4}{x_5 - x_4} = \frac{0,104175 - 0,08335}{5 - 4} = 0,020825 = A_5$$

$$y_0 = 9 = A_0$$

$$y = A_0$$

$$+ A_1 \cdot (x - x_0)$$

$$+ A_2 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1)$$

$$+ A_3 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2)$$

$$+ A_4 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) \cdot (x - x_3)$$

$$+ A_5 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) \cdot (x - x_3) \cdot (x - x_4)$$

· [ mm × Maßstab ]

$$x_0 = 0:$$

$$y = A_0$$

$$+ A_1 \cdot x$$

$$+ A_2 \cdot (x^2 - x)$$

$$+ A_3 \cdot (x^3 - 3x^2 + 2x)$$

$$+ A_4 \cdot (x^4 - 6x^3 + 11x^2 - 6x)$$

$$+ A_5 \cdot (x^5 - 10x^4 + 35x^3 - 50x^2 + 24x)$$

$$A_0 = 9, A_1 = 8,5, A_2 = 4,5$$

$$A_3 = 0,91665; A_4 = 0,08335$$

$$A_5 = 0,020825$$

Sortieren  
und addieren:

$$y = \begin{array}{r} 0,020825 \cdot x^5 \\ - 0,1249 \cdot x^4 \\ + 1,145525 \cdot x^3 \\ + 1,62565 \cdot x^2 \\ + 5,8337 \cdot x \\ + A_0 = 9 \end{array} \quad \begin{array}{l} \cdot [\dots] \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot [\dots] \end{array}$$

Beispiel:  $x = 3,5 \rightarrow y = 90,6 \text{ mm}$



# Baden - Württemberg

Tabelle der Stützstellen  
der Streckenkurve

$x_0 = 0$	$y_0 = 5$
$x_1 = 1$	$y_1 = 12$
$x_2 = 2$	$y_2 = 23,5$
$x_3 = 3$	$y_3 = 48$
$x_4 = 4$	$y_4 = 96$
$x_5 = 5$	$y_5 = 185$

# Schema für Berechnungsbeispiel

$$Y_0 = 5 = A_0$$

$$a_1 = \frac{Y_1 - Y_0}{X_1 - X_0} = \frac{12 - 5}{1 - 0} = 7 = A_1$$

$$a_2 = \frac{Y_2 - Y_0}{X_2 - X_0} = \frac{23,5 - 5}{2 - 0} = 9,25$$

$$a_3 = \frac{Y_3 - Y_0}{X_3 - X_0} = \frac{48 - 5}{3 - 0} = 14,3\bar{3}$$

$$a_4 = \frac{Y_4 - Y_0}{X_4 - X_0} = \frac{96 - 5}{4 - 0} = 22,75$$

$$a_5 = \frac{Y_5 - Y_0}{X_5 - X_0} = \frac{185 - 5}{5 - 0} = 36$$

$$b_2 = \frac{a_2 - a_1}{X_2 - X_1} = \frac{9,25 - 7}{2 - 1} = 2,25 = A_2$$

$$b_3 = \frac{a_3 - a_1}{X_3 - X_1} = \frac{14,3\bar{3} - 7}{3 - 1} = 3,6666\bar{5}$$

$$b_4 = \frac{a_4 - a_1}{X_4 - X_1} = \frac{22,75 - 7}{4 - 1} = 5,25$$

$$b_5 = \frac{a_5 - a_1}{X_5 - X_1} = \frac{36 - 7}{5 - 1} = 7,25$$

$$c_3 = \frac{b_3 - b_2}{X_3 - X_2} = \frac{3,6666\bar{5} - 2,25}{3 - 2} = 1,4166\bar{5} = A_3$$

$$c_4 = \frac{b_4 - b_2}{X_4 - X_2} = \frac{5,25 - 2,25}{4 - 2} = 1,5$$

$$c_5 = \frac{b_5 - b_2}{X_5 - X_2} = \frac{7,25 - 2,25}{5 - 2} = 1,6\bar{6}$$

$$d_4 = \frac{c_4 - c_3}{x_4 - x_3} = \frac{1,5 - 1,41665}{4 - 3} = 0,08335 = A_4$$

$$d_5 = \frac{c_5 - c_3}{x_5 - x_3} = \frac{1,66 - 1,41665}{5 - 3} = 0,125005$$

$$e_5 = \frac{d_5 - d_4}{x_5 - x_4} = \frac{0,125005 - 0,08335}{5 - 4} = 0,041655 = A_5$$

$$y_0 = 5 = A_0$$

$$\begin{aligned}
 y &= A_0 \\
 &+ A_1 \cdot (x - x_0) \\
 &+ A_2 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \\
 &+ A_3 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) \\
 &+ A_4 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) \cdot (x - x_3) \\
 &+ A_5 \cdot (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) \cdot (x - x_3) \cdot (x - x_4) \cdot \\
 &\quad \cdot [mm \times \text{Maßstab}]
 \end{aligned}$$

$x_0 = 0:$

$$\begin{aligned}
 y &= A_0 \\
 &+ A_1 \cdot x \\
 &+ A_2 \cdot (x^2 - x) \\
 &+ A_3 \cdot (x^3 - 3x^2 + 2x) \\
 &+ A_4 \cdot (x^4 - 6x^3 + 11x^2 - 6x) \\
 &+ A_5 \cdot (x^5 - 10x^4 + 35x^3 - 50x^2 + 24x) \cdot
 \end{aligned}$$

$A_0 = 5, A_1 = 7, A_2 = 2,25,$   
 $A_3 = 1,41665, A_4 = 0,08335,$   
 $A_5 = 0,041655$

sortieren und addieren:

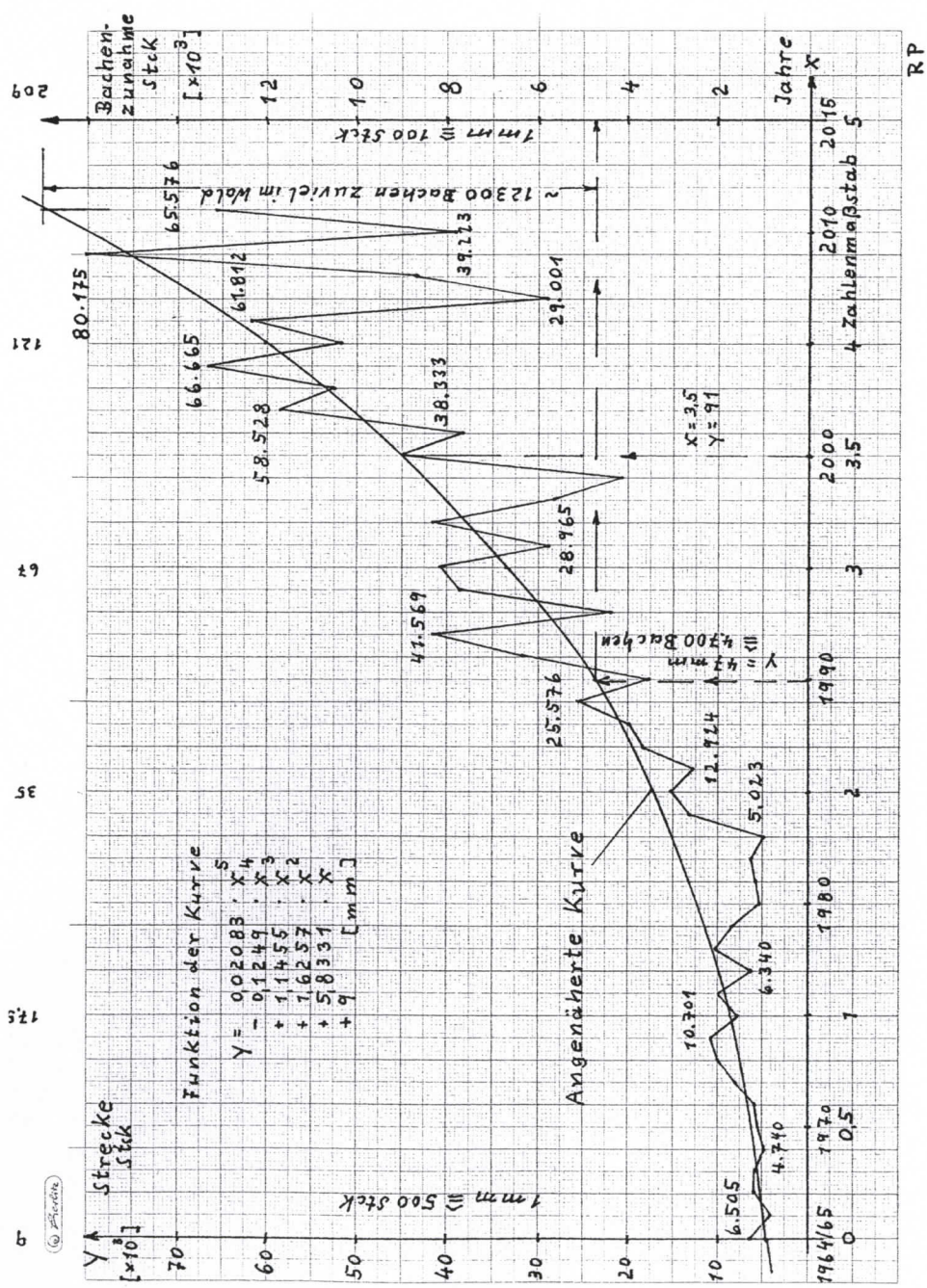
$$\begin{array}{r}
 0,041655 \cdot x^5 \\
 - 0,3332 \cdot x^4 \\
 + 2,37458 \cdot x^3 \\
 - 3,16585 \cdot x^2 \\
 + 8,08302 \cdot x \\
 + A_0 = 5
 \end{array}
 \cdot [ \dots ]$$

Beispiel:  $x = 3,5 \rightarrow y = 6812 \text{ mm}$



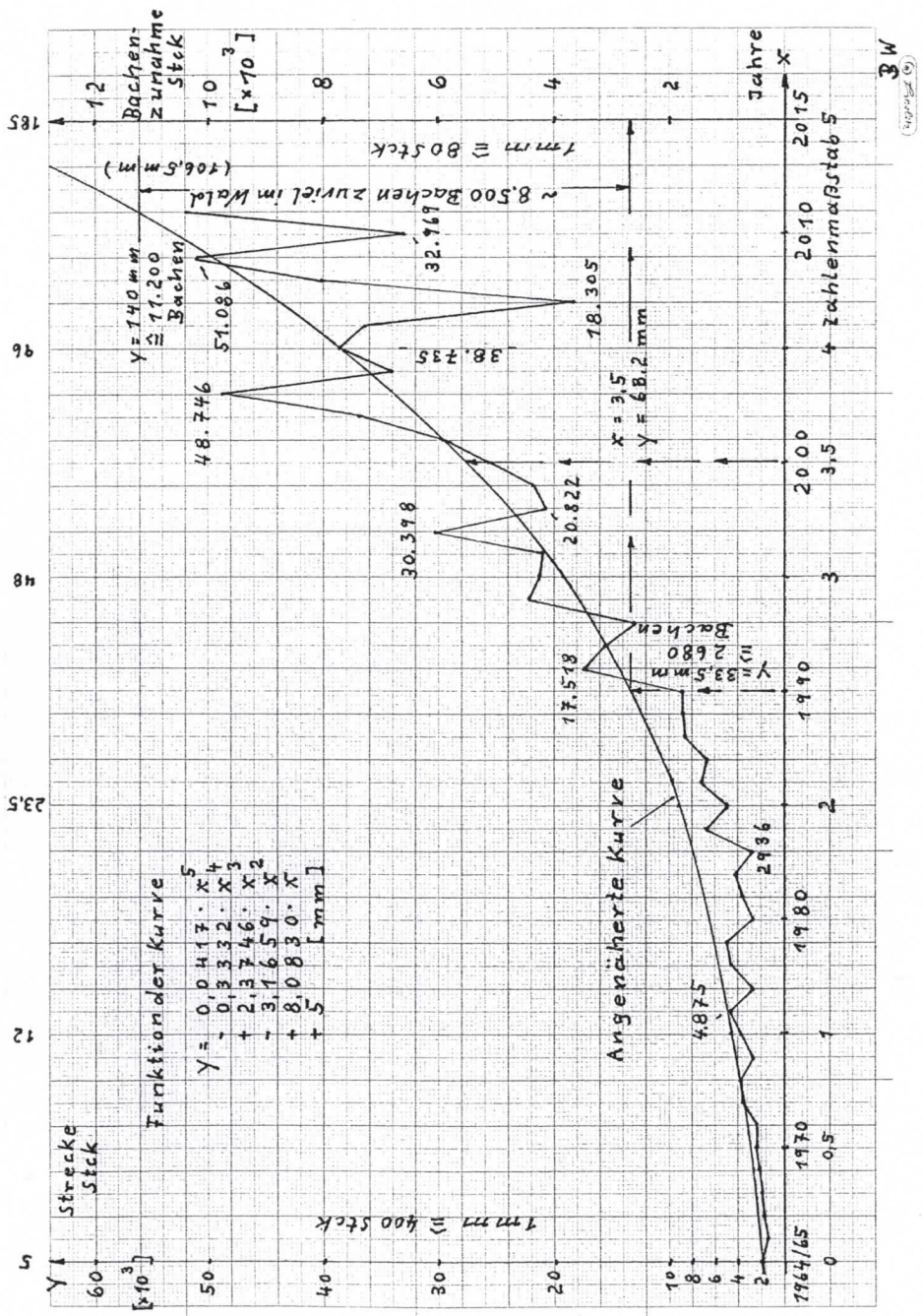






RP





3 W

4.

Streckenentwicklung beim Schwarzwild			Bachenzunahme Stck von 1990 bis 2012
Land	1990	2009	
BW	8.814	51.086	8.500
BY	10.554	62.195	9.300
BE	0	3.436	700
BB	44.383	80.151	7.200
HB	0	5	✓
HH	26	230	40
HE	14.341	77.927	11.600
MV	44.841	75.866	6.200
NI	22.262	57.604	6.700
NW	10.522	42.869	6.000
RP	18.109	80.175	12.300
SL	958	6.483	1.300
SN	14.169	28.649	3.400
ST	20.466	35.647	3.100
SH	3.437	14.541	2.300
TH	16.982	35.223	3.600
BRD	229.864	652.087	~ 82.000

## 5. Rheinland - Pfalz

### Integration der Streckenkurve

Zeitraum 1990 bis 2011.  $y = f(x)$ .

Berechnung in  $\text{cm}^2$  und Stückzahl.

$$F^* = \int_{2,5}^{4,6} f(x) \cdot dx = 0,02083 \cdot \frac{x^6}{6} - 0,1249 \cdot \frac{x^5}{5} + 1,1455 \cdot \frac{x^4}{4} + 1,6257 \cdot \frac{x^3}{3} + 5,8331 \cdot \frac{x^2}{2} + 9 \cdot x$$

	$x_1$	$x_2$
$0,02083 \cdot \frac{x^6}{6}$	9474,297	244,141
$-0,1249 \cdot \frac{x^5}{5}$	2059,63	97,656
$+1,1455 \cdot \frac{x^4}{4}$	447,75	39,0625
$+1,6257 \cdot \frac{x^3}{3}$	97,336	15,625
$+5,8331 \cdot \frac{x^2}{2}$	21,16	6,25
$+9 \cdot x$	4,6	2,5

$$F^* = 265,526 - 58,79 = 206,7$$

$$F = F^* \times \text{Maßstab} = 206,7 \cdot \frac{1}{2}$$

$$F = 103,35 \text{ cm}^2 = \text{Differenzfläche zwischen } x=2,5 \text{ und } x=4,6$$

1990 und 2011

Breite der Fläche: 10,5 cm

Daraus Durchschnittshöhe  $h$ :  $h = \frac{103,35}{10,5} = 9,84 \text{ cm}$   
 $\cong 98,4 \text{ mm}$

Gesamtstückzahl in dem Zeitraum unter der Kurve:

$$103,35 \text{ cm}^2 \times 5000 \text{ Stck/cm} \times 2/\text{cm} = 1.033.500 \text{ Stck}$$

Addition im Liniendiagramm: 945.100 Stck

(1  $\text{cm}^2$  entspricht  $5000 \times 2 = 10.000$  Stck)

## 6. Rheinland - Pfalz

Differenziation der Streckenkurve

im Punkt  $x = 3,5$

$$\begin{array}{l|l} y = f(x) = 0,02083 \cdot x^5 & y' = 0,10415 \cdot x^4 \\ -0,1249 \cdot x^4 & -0,4996 \cdot x^3 \\ +1,1455 \cdot x^3 & +3,4365 \cdot x^2 \\ +1,6257 \cdot x^2 & +3,2514 \cdot x \\ +5,8331 \cdot x & +5,8331 \\ +9 \quad [mm] & [mm/Jahr] \end{array}$$

$$x = 3,5 \rightarrow x^2 = 12,25; x^3 = 42,875; x^4 = 150,0625$$

$$y' = 15,629 - 21,42 + 42,097 + 11,38 + 5,8331$$

$$y' = 53,519$$

$$\text{Maßstab} = 175 \text{ mm} : 3,5 = 50$$

$$\text{real: } y' = \tan \varphi = 53,519 : 50 = 1,070$$

$$\varphi = \sim 47^\circ$$

y-Achse:  $1 \text{ cm} \hat{=} 5000 \text{ Stück}$

Steigerung pro Jahr somit im 2000:

Mit  $x = 10 \text{ mm}$  wird

$$y = x \cdot \text{Steigerung}$$

$$y = 10 \cdot 1,07 = 10,7 \text{ mm}$$

hierbei entspricht  $1 \text{ mm} = 500 \text{ Stück}$

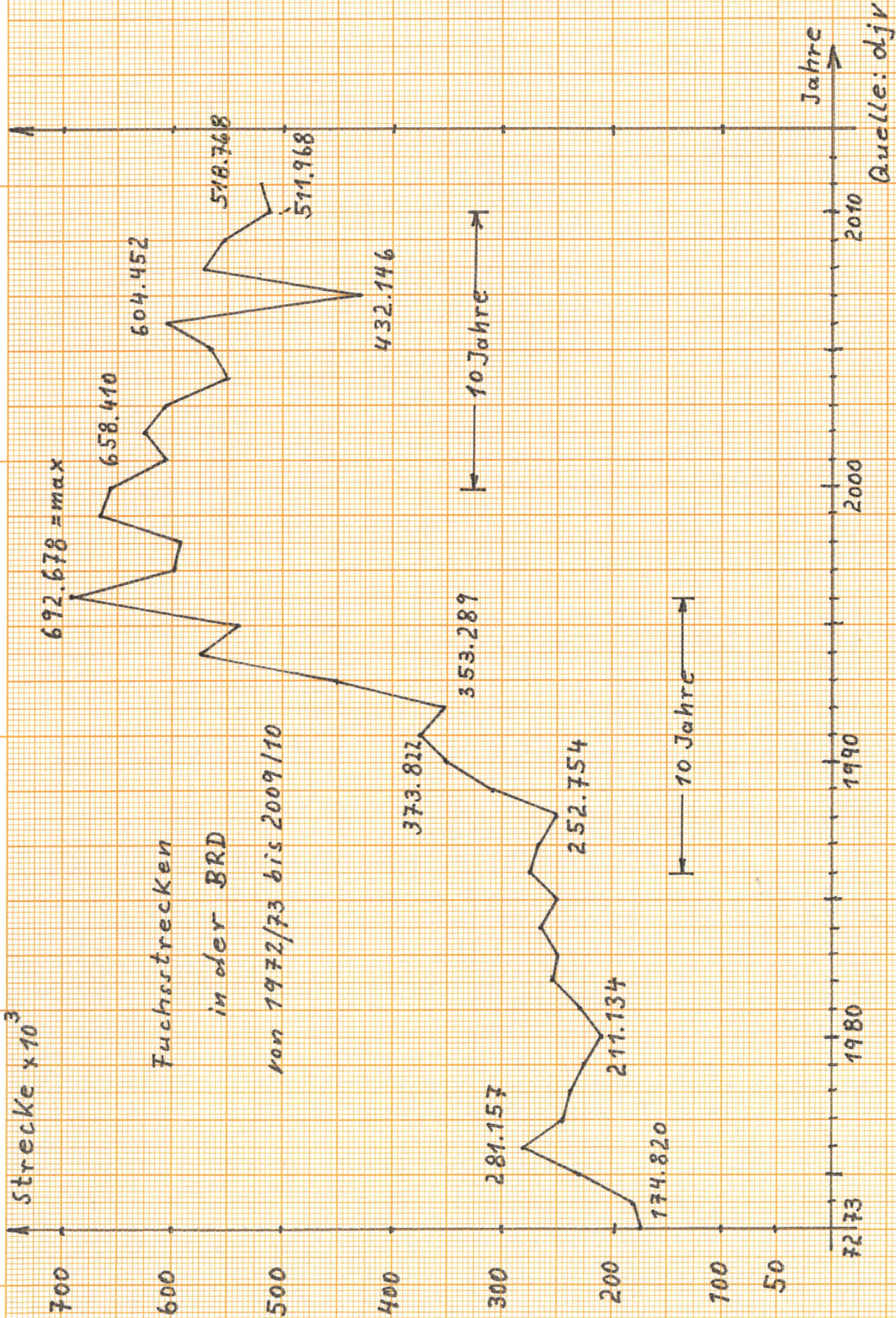
$$y = 10,7 \times 500 = 5350 \text{ Stück/a}$$

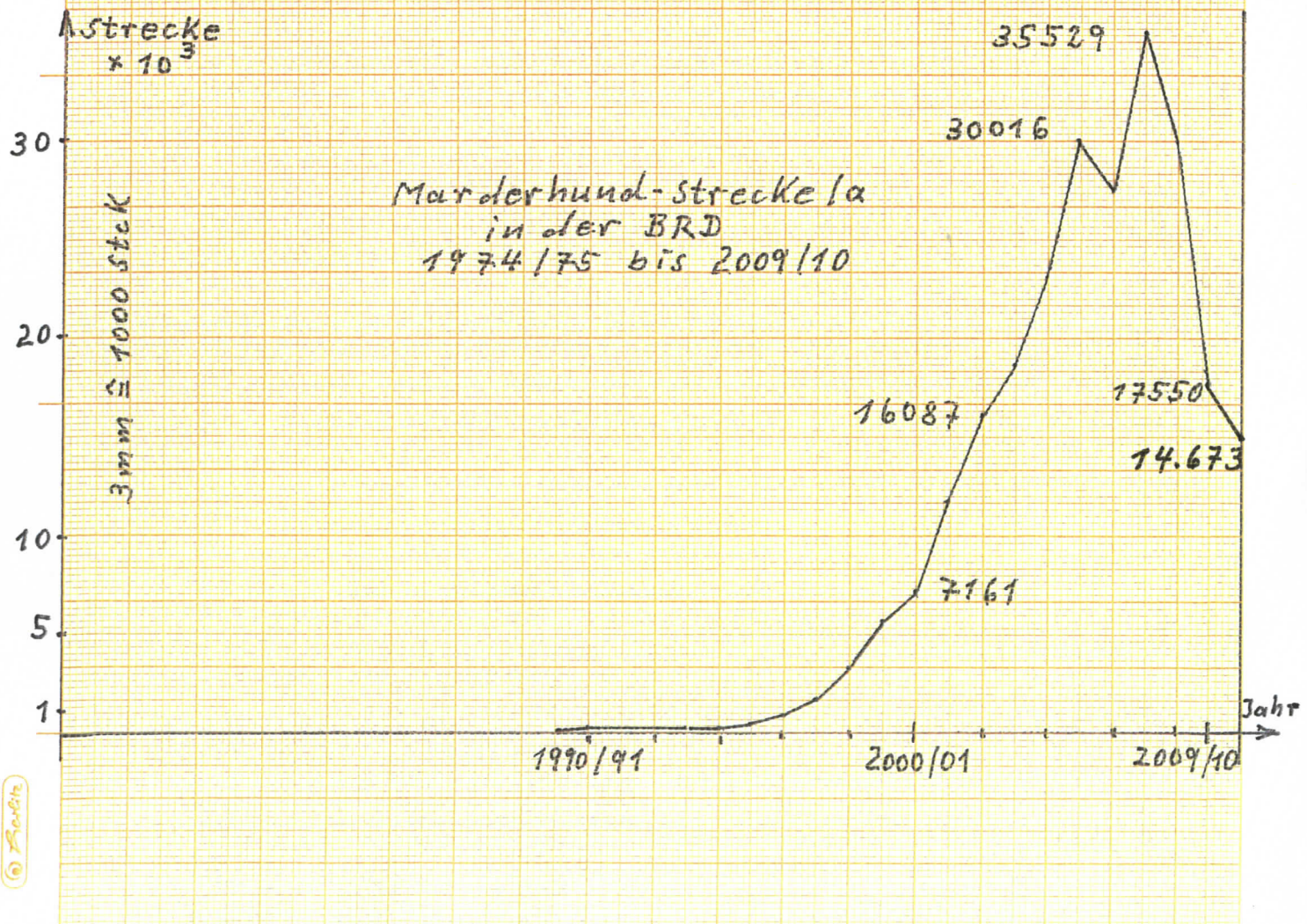
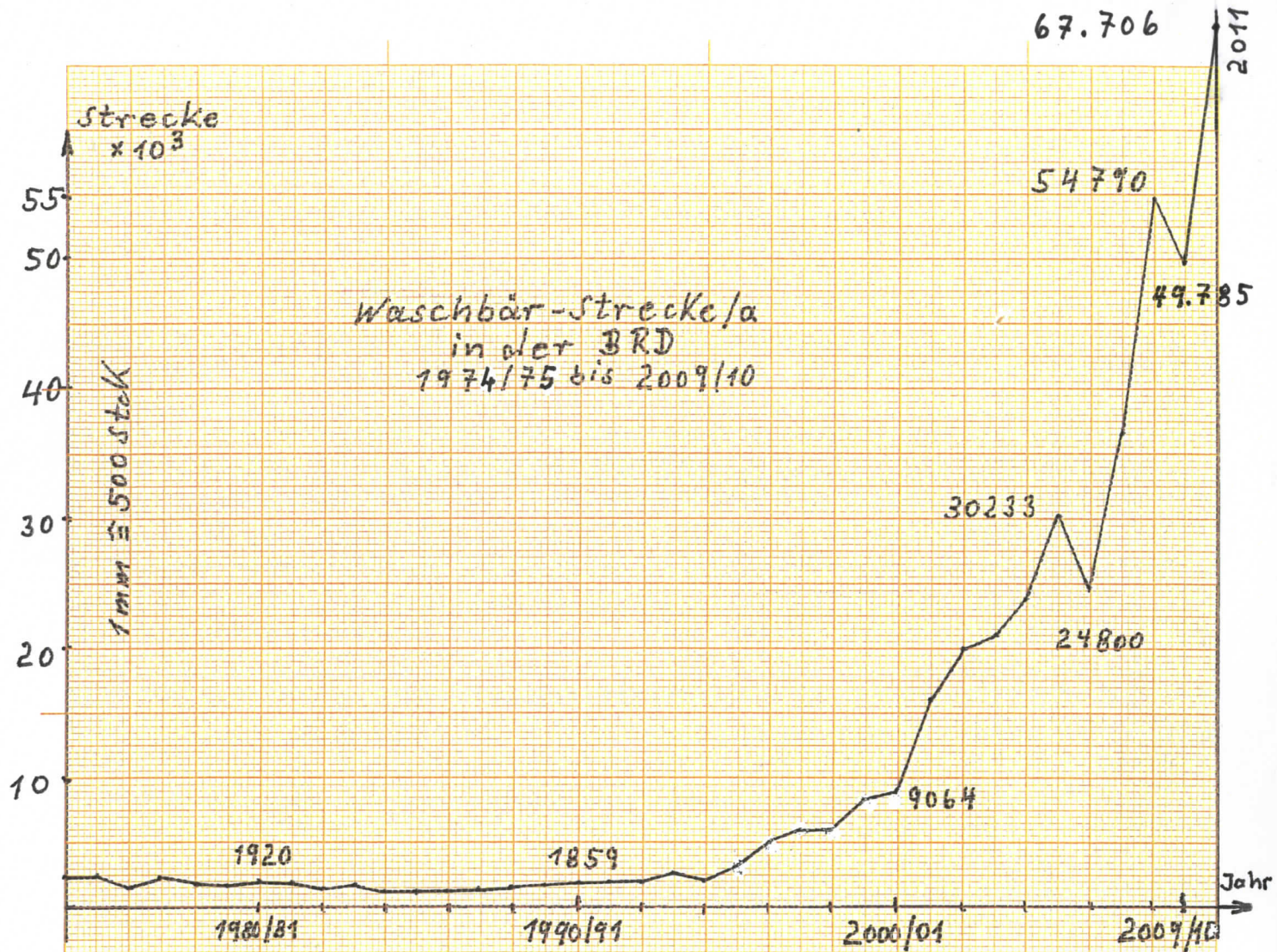


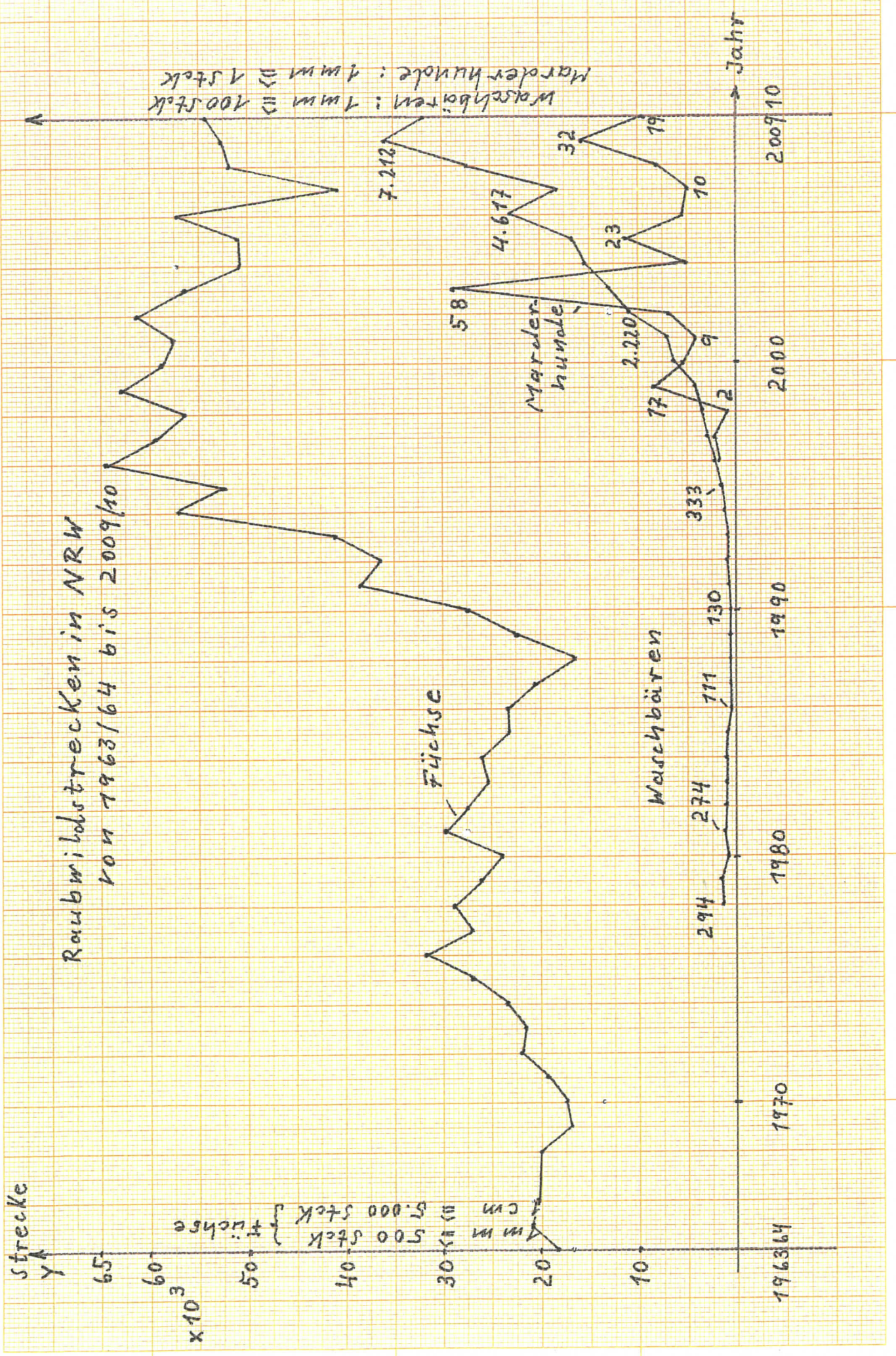
Vier Anläufe zum Beitrag:  
"Schwarzwildproblem - Der Schlüssel  
liegt im Wald."

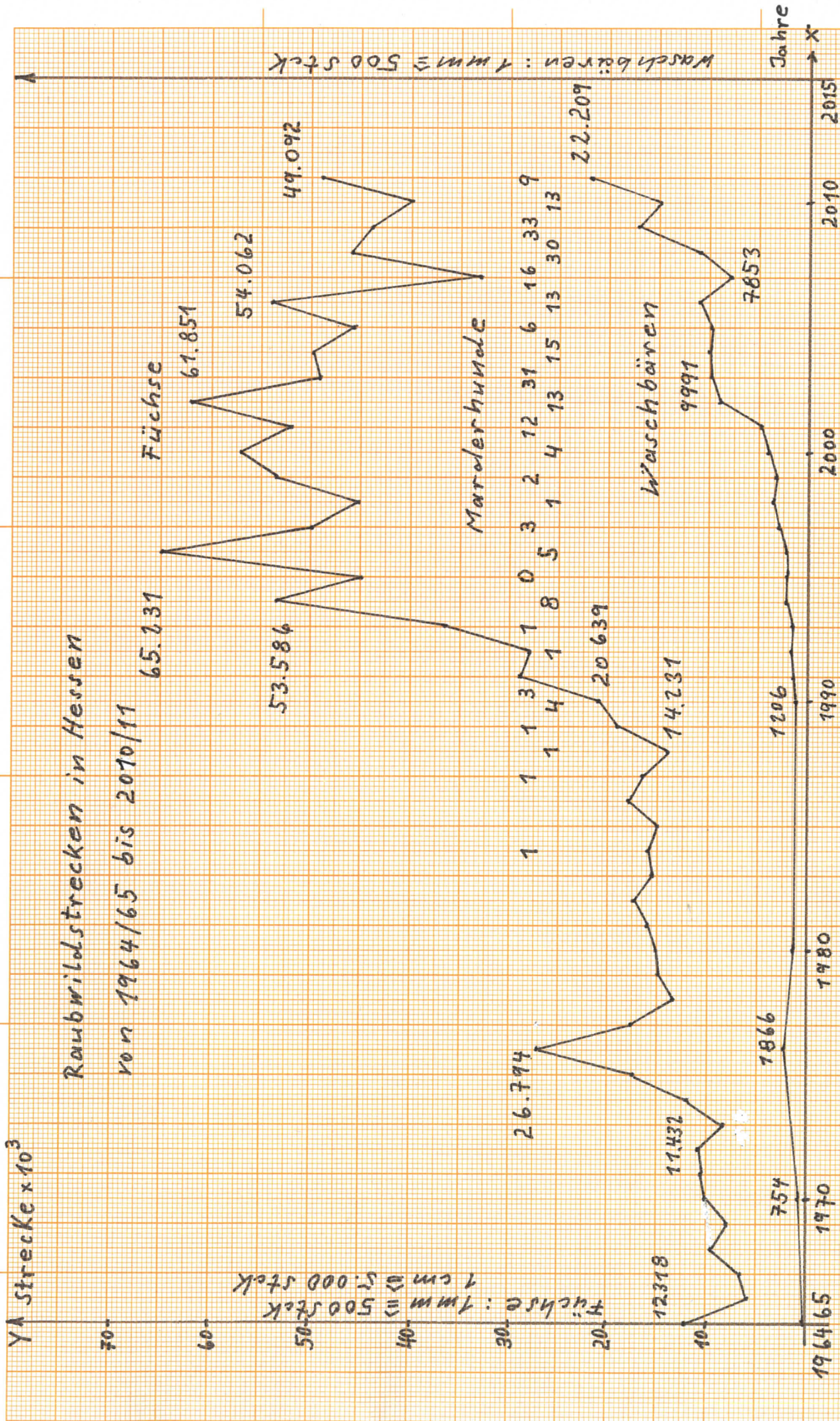
Diagramme der Raubwild-Populationen











Waschbären: 1 mm ≙ 500 Stck

Fuchse: 1 cm ≙ 5.000 Stck

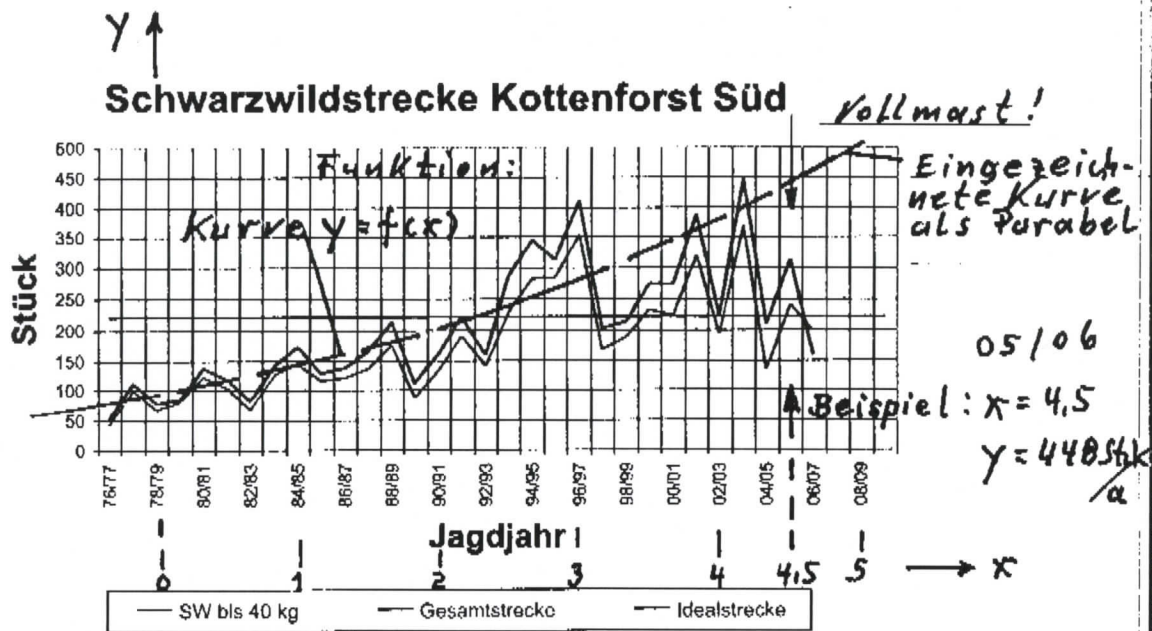
B.

Zum  
Schwarzwildvorkommen  
„Kottenforst-Süd“.

Norbert Happ hat in seinem Buch: Hege und Bejagung des Schwarzwildes auf im Kopie beigefügter Seite 59 die Schwarzwildstrecke Kottenforst Süd von 1976/77 bis 2006/07 in einem Liniendiagramm dargestellt. Entsprechend der Beschreibung des Berechnungsganges zum neuen Schwarzwild-Streckenprogramm wurde eine Streckenkurve eingezeichnet und deren Funktion berechnet. Danach hätten im Jagdjahr 2005/06 entgegen dem Istabschuss von rd. 310 Stk rechnerisch 448 Stk gestreckt werden müssen.

Das heißt: Auch das Kottenforst-Modell mußte sich stärkeren Korrekturen mit wesentlich höheren Planstreckenzahlen unterziehen.

# Angenäherte Streckenkurve $y = f(x)$



darstellt, so fällt auf, dass die Streckenlinie in stetigen Auf- und Abbewegungen verläuft, was bei den Streckenlinien größerer Flächeneinheiten – bis hin zur gesamten Republik – ähnlich ist. Das spiegelt hauptsächlich die jährlich unterschiedliche Reproduktionsrate und die mastabhängigen Bejagungsmöglichkeiten bei der Einzeljagd wider.

Diese Größen korrelieren insofern miteinander, als die Mastjahre die Jahre mit verminderter Einzeljagdchance und einer geringeren Gesamtstrecke sind, was bisher auch bei uns noch nicht völlig durch ein in solchen Jahren deutlich besseres Bewegungsjagdergebnis ausgeglichen wird.

In Mastjahren ist das Streckenergebnis also meist geringer als in Jahren ohne Mast, der Zuwachs steigt daraufhin infolge des angewachsenen Grundbestandes und der gleichzeitig optimalen Fraßbedingungen. Folgt auf ein mastreiches ein mastarmes oder – fast schon nicht mehr vorstellbar – mastloses Jahr, schnell nach tüppiger Reproduktion mit Verzinsung der „Altlasten“ die Strecke in die Höhe.

Der im Diagramm nicht dargestellte Anteil des Bachenabschusses an der Gesamtstrecke belief sich in den ersten 15 Jahren auf 3%. Daraus könnte man sofort schließen, dass der Grund für den permanenten Streckenanstieg in einem zu geringen Bachenabschuss mit entsprechendem Anwachsen des Grundbestandes zu suchen sei. Davon gingen auch wir in der Hegegemeinschaft aus und kamen in den nächsten elf Jahren mit einem Abschuss von 4,7% Bachen über 50 kg Gewicht aufgebrochen am Gesamtabschuss an.

Zur Erkenntnis, dass unser Grundbestand auf etwa fünf bis sechs Stück je 100 ha Wald angewachsen war, gelangten wir dann allerdings – fast zu spät –, aufgeschreckt durch die Wildschäden und zunehmend regelmäßigen „Überfälle“ unserer Sauen auf Gärten und Parks der waldnahen Wohngebiete des hiesigen Ballungsraumes mit allen medienwirksamen Begleiterscheinungen.

Wir glaubten, weiland in der Hegegemeinschaft Kottenforst-Süd dann 1996/97 die Notbremse ziehen zu müssen, streckten

Die Funktion der Schwarzwild-Streckenkurve lautet:

$$y = 0,251 \cdot x^5 - 3,5535 \cdot x^4 + 18,381 \cdot x^3 - 31,5335 \cdot x^2 + 68,955 \cdot x + 95$$

( $x$  im Zahlen und aufstab den Jahren entsprechend!)